

# CUPRINS

<b>Prefață .....</b>	<b>9</b>
<b>1. MULȚIMI ȘI RELAȚII FUZZY .....</b>	<b>11</b>
1.1. Mulțimi fuzzy .....	12
1.1.1. Mulțimi clasice (crisp) .....	12
1.1.2. Mulțimi fuzzy versus mulțimi crisp .....	14
1.1.3. Operații cu mulțimi fuzzy .....	17
1.1.4. Mulțimi de nivel (tăieturi) .....	22
1.2. Relații fuzzy .....	24
1.2.1. Relații clasice (crisp) .....	24
1.2.2. Relații fuzzy binare .....	27
1.2.3. Operații cu relații fuzzy .....	28
1.3. Decizii fuzzy multicriteriale .....	33
1.3.1. Decizii multicriteriale (crisp și fuzzy) .....	33
1.3.2. Agregarea mulțimilor fuzzy. Funcții scor .....	35
1.3.3. Gradul de non-dominanță. Metoda lui Orłowsky .....	40
Bibliografie .....	47
<b>2. MODELAREA PRIN NUMERE FUZZY .....</b>	<b>49</b>
2.1. Numere fuzzy .....	50
2.1.1. Definiția numerelor fuzzy. Exemple .....	50
2.1.2. Operații cu numere fuzzy .....	55
2.2. Indicatori ai numerelor fuzzy .....	57
2.2.1. Valoarea medie posibilistică a unui număr fuzzy .....	58
2.2.2. Varianța posibilistică a unui număr fuzzy .....	60
2.2.3. Covarianța posibilistică a două numere fuzzy .....	61
2.2.4. Utilitatea așteptată (în sens posibilistic) .....	63
2.2.5. O problemă a portofoliului posibilistic .....	67
2.2.6. Utilitatea așteptată mixtă .....	70
2.3. Modele hibride ale riscului investițional .....	73
2.3.1. Un model de investiții posibilistic fără risc de fond .....	74
2.3.2. Un model de investiții posibilistic cu risc de fond posibilistic .....	78
2.3.3. Un model de investiții posibilistic cu risc de fond probabilistic .....	81
2.3.4. Un model de investiții probabilistic cu risc de fond posibilistic .....	83
Bibliografie .....	85

<b>3. EXPLORAREA DATELOR ÎN R .....</b>	<b>87</b>
3.1. Mediul <b>R</b> .....	87
3.2. Obiecte în <b>R</b> .....	88
3.2.1. Expresii aritmetice cu vectori .....	88
3.2.2. Generarea șirurilor.....	89
3.2.3. Vectori logici.....	90
3.2.4. Valori lipsă .....	91
3.2.5. Șiruri de caractere.....	91
3.2.6. Operații cu vectori .....	92
3.2.7. Matrici .....	92
3.2.8. Liste .....	93
3.2.9. Tabele de date.....	94
3.3. Importarea datelor în <b>R</b> .....	95
Bibliografie .....	96
<b>4. ANALIZA ÎN COMPONENTE PRINCIPALE .....</b>	<b>97</b>
4.1. Model matematic și algoritm al PCA .....	97
4.2. Programe în <b>R</b> .....	109
4.2.1. Codul <b>R</b> pentru exemplul 4.1.10 .....	109
4.2.2. Studiul eficienței la locul de muncă .....	111
Bibliografie .....	120
<b>5. ALGORITMI DE CLUSTERIZARE .....</b>	<b>121</b>
5.1. Clusterizarea non-ierarhică .....	122
5.1.1. Generalități asupra clusterizării non-ierarhice.....	122
5.1.2. Algoritmul k-means.....	123
5.1.3. Algoritmul c-means fuzzy .....	126
5.1.4. Algoritmul k-medoids .....	129
5.2. Clusterizarea ierarhică .....	133
5.2.1. Preliminarii.....	134
5.2.2. Distanțe între clustere.....	135
5.2.3. Un algoritm de clusterizare ierarhică algomerativă.....	136
5.2.4. Actualizarea matricii distanțelor.....	139
5.3. Programe în <b>R</b> .....	141
5.3.1. Algoritmul k-means cu baza de date iris .....	141
5.3.2. Algoritmul k-means .....	144
5.3.3. Algoritmul k-medoids cu biblioteca fpc pentru setul de date iris .....	149
5.3.4. Algoritmul k-medoids cu biblioteca cluster și funcția pam() pentru setul de date iris .....	152
5.3.5. Algoritmul k-medoids cu setul de date de la exemplul 5.3.2 .....	154

5.3.6. Algoritmul fuzzy c-means pentru setul de date iris .....	157
5.3.7. Clusterizare ierarhică pentru setul de date mtcars .....	159
5.3.8. Clusterizare ierarhică pentru setul de date iris .....	161
5.3.9. Clusterizare prin metoda fuzzy c-means cu biblioteca fclust .....	162
Bibliografie .....	166

## **6. ALGORITMI DE CLASIFICARE ..... 169**

6.1. Raționamentul Bayesian .....	169
6.2. Metoda de clasificare KNN (K-Nearest Neighbours).....	174
6.3. Metoda de clasificare SVM (Support Vector Machines).....	178
6.3.1. Generalități asupra SVM.....	178
6.3.2. Metoda SVM liniară.....	179
6.3.3. Cazul neliniar .....	185
6.3.4. Elemente de geometrie a lui $\mathbf{R}^n$ (Apendix).....	188
6.4. Arbori decizionali .....	190
6.5. Evaluarea performanței clasificatorilor.....	202
6.5.1. Matricea de confuzie .....	202
6.5.2. Curba ROC (Receiver Operating Characteristic).....	205
6.5.3. Coeficientul lui Cohen (Cohen's Kappa) .....	207
6.6. Programe în $\mathbf{R}$ .....	209
6.6.1. Clasificatorul naiv Bayesian .....	209
6.6.2. Metoda KNN (Metoda celor mai apropiați k vecini) .....	212
6.6.3. SVM cu setul de date cats .....	214
6.6.4. Setul de date iris și biblioteca e1071 .....	219
6.6.5. Arbori decizionali cu date iris și biblioteca party .....	223
6.6.6. Arbori decizionali cu biblioteca tree și setul de date Carseats .....	227
Bibliografie .....	232

## **7. ESTIMAREA PARAMETRILOR PRIN METODA EM**

<b>(EXPECTATION MAXIMIZATION).....</b>	<b>233</b>
7.1. Metoda verosimilității maxime .....	233
7.2. Metoda EM .....	235
7.3. Clusterizarea datelor prin metoda EM .....	240
Bibliografie .....	244

## **8. REȚELE NEURONALE..... 245**

8.1. Rețele neuronale artificiale .....	246
8.1.1. Neuronul biologic și neuronul artificial .....	246
8.1.2. Rețele neuronale artificiale: generalități.....	248
8.1.3. Procesul de învățare .....	253

8.2. Reguli de învățare .....	257
8.2.1. Regula de învățare a perceptronului .....	257
8.2.2. Regula de învățare a lui Hebb .....	263
8.2.3. Regula de învățare a lui Oja (Analiza în componente principale).....	266
8.2.4. Regula de învățare delta .....	269
8.2.5. Regula de învățare delta generalizată .....	272
8.2.6. Aplicarea rețelelor neuronale la clusterizarea datelor .....	276
8.3. Programe în <b>R</b> .....	278
8.3.1. CREDIT SCORING .....	278
8.3.2. Rețele neuronale cu biblioteca neuralnet și setul de date iris .....	281
8.4. SOM (Self-Organizing Maps).....	285
8.4.1. Clusterizarea setului de date wines din biblioteca kohonen .....	287
8.4.2. Predicții utilizând o hartă Kohonen antrenată .....	288
8.4.3. Biblioteca kohonen și setul de date iris .....	290
8.4.4. Predicții cu setul de date iris .....	291
Bibliografie .....	293
<b>9. ALGORITMI GENETICI .....</b>	<b>295</b>
9.1. Structura și componentele algoritmilor genetici .....	296
9.2. Programe în <b>R</b> .....	316
9.2.1. Minimizarea unei funcții de o variabilă cu biblioteca GA .....	316
9.2.2. Maximizarea unei funcții de o variabilă cu biblioteca GA .....	321
9.2.3. Problema rucsacului (The Knapsack Problem) cu biblioteca genalg .....	323
9.2.4. Problema comis-voiajorului (Travel salesman problem) cu biblioteca GA .....	326
Bibliografie .....	331
<b>Abstract .....</b>	<b>333</b>
<b>Contents .....</b>	<b>335</b>